

Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце: ФИО: Ребковец Ольга Александровна Должность: И.о. ректора Дата подписания: 14.05.2019 13:15:46 Уникальный программный ключ: e789ec8739030382afc5ebff707928adf1af5c9b	СМК	СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Камчатский государственный университет имени Витуса Беринга»

Рассмотрено и утверждено на заседании
кафедры математики и физики
14.05.2019 г., протокол №9
Зав. кафедрой И.А. Кашутина

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ (КУРСА, МО- ДУЛЯ)

Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе»

Направление подготовки: 44.03.01 Педагогическое образование

Профиль подготовки: «Начальное образование»

Год набора: 2019

Квалификация выпускника: бакалавр

Форма обучения: заочная

Курс 1, 2 **Семестр** 2, 3, 4

Контрольная работа: 3 семестр

Зачет: 3 семестр

Экзамен: 4 семестр

Петропавловск-Камчатский, 2019 г.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

Рабочая программа составлена с учётом требований федерального государственного образовательного стандарта высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, утверждённого приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 22.02.2018 г. № 121, зарегистрированным в Минюсте России 15.03.2018 г. № 50362 (далее ФГОС ВО).

Разработчик:

Профессор кафедры математики и физики А.П. Горюшкин

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

СОДЕРЖАНИЕ

1. Цели и задачи освоения дисциплины	4
2. Место дисциплины в структуре ОП ВО	4
3. Планируемые результаты обучения по дисциплине	4
4. Содержание дисциплины	5
5. Тематическое планирование	7
6. Самостоятельная работа	10
7. Примерная тематика контрольных и курсовых работ	11
8. Перечень вопросов на промежуточную аттестацию	12
9. Учебно-методическое и информационное обеспечение	24
10. Формы и критерии оценивания учебной деятельности студента	24
11. Материально-техническая база	30

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

1. Цели и задачи освоения дисциплины

Цель освоения дисциплины – формирование у студентов систематизированных знаний основ математики с учетом содержательной специфики преподавания ее в начальной школе и как базы для развития профессиональных и специальных компетенций.

Задачи освоения дисциплины:

1. Формирование системы знаний и умений, связанных с содержанием курса математики начальной школы.
2. Актуализация межпредметных связей, способствующих пониманию особенностей математического образования школьников младших классов.
3. Развитие математической культуры будущего учителя начальных классов.
4. Приобретение опыта применения базовых математических знаний и основ математического моделирования для решения учебно-практических задач.
5. Активизация познавательной деятельности студентов в области математики и математического моделирования.
6. Стимулирование самостоятельной работы студентов по освоению содержания дисциплины и формированию необходимых компетенций.

2. Место дисциплины в структуре ОП ВО

Для изучения дисциплины необходимы знания, умения и компетенции, полученные на занятиях в средних учебных заведениях по дисциплинам «Геометрия», «Алгебра», «Алгебра и начала математического анализа». Обучающийся должен знать эти дисциплины в объеме школьного курса.

Освоение дисциплины «Математика в начальной школе» является необходимой базой для изучения дисциплин «Методика преподавания математики», прохождения педагогической практики.

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки:

Код компетенции	Компетенция	Универсальные дескрипторы сформированности компетенции
Совместная и индивидуальная учебная и воспитательная деятельность обучающихся	ОПК-3. Способен организовывать совместную и индивидуальную учебную и воспитательную деятельность обучающихся, в том числе с особыми образовательными потребностями, в соответствии с требованиями федеральных государственных образо-	ОПК-3.1 Устанавливает позитивные взаимоотношения с обучающимися, создаёт благоприятный психологический климат в процессе организации совместной деятельности обучающихся. ОПК-3.2 Соотносит виды адресной помощи с индивидуальными образовательными потребностями обучающихся. ОПК-3.3 Объясняет особенности применения психолого-педагогических технологий (в том числе инклюзивных), необходимых для адресной работы с различными категориями обучающихся с особыми образовательными потребностями. ОПК-3.4 Демонстрирует методы (первичного) выявления детей с особыми образовательными потребностями (аутисты, дети с синдромом дефицита внимания гиперактивностью и др.).

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

	вательных стандартов	ОПК-3.5 Организует совместную и индивидуальную учебную и воспитательную деятельность обучающихся, в том числе с особыми образовательными потребностями, на основе разработанных моделей в соответствии с требованиями ФГОС.
Контроль и оценка формирования результатов образования	ОПК-5. Способен осуществлять контроль и оценку формирования результатов образования обучающихся, выявлять и корректировать трудности в обучении	ОПК-5.1. Объясняет сущность контроля и оценки образовательных результатов обучающихся (предметных, метапредметных личностных компетенций). ОПК-5.2. Выбирает и применяет диагностический инструментарий для оценки показателей уровня и динамики развития обучающихся. ОПК-5.3. Выявляет трудности в обучении и корректирует их, используя технологии коррекционно-развивающей работы с обучающимися.
Научные основы педагогической деятельности	ОПК-8. Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний	ОПК-8.1. Использует специальные научные знания (по профилю) в урочной и внеурочной деятельности, дополнительном образовании обучающихся. ОПК-8.2. Использует современные, в том числе интерактивные, формы и методы образовательной и воспитательной работы для осуществления проектной деятельности обучающихся, проведения лабораторных экспериментов, экскурсионной работы, полевой практики и т.п.

4. Содержание дисциплины

Модуль 1. Алгебра множеств и элементы логики.

Тема 1. Множество – основное понятие математики. Определения отношений между множествами (равенства и включения); определения объединения, пересечения, разности множеств, дополнения множества; определения смежного класса и разбиения множества на классы; определение декартова произведения множеств; определение соответствия между элементами множеств.

Тема 2. Математические утверждения и их структура. Определения конъюнкции, дизъюнкции, импликации, эквиваленции высказываний, отрицания высказывания; определения отношений логического следствия и равносильности для высказываний; определение закона логики высказываний; определения предиката и множества истинности предиката; определения кванторов общности и существования; определения логических операций над предикатами.

Тема 3. Аксиоматический метод. Аксиоматическая теория, правила вывода; свойства аксиоматических теорий; способы доказательства выполнимости или опровержения предикатных формул с кванторами; правила построений отрицания высказываний и предикатных формул с кванторами; определения отношений логического следствия и равносильности для предикатных формул; определение общезначимой предикатной формулы; определения необходимого и достаточного условия; виды теорем и связь между ними; структуру определения через род и видовое отличие.

Тема 4. Бинарные отношения и их свойства. Определение бинарного отношения на множестве; способы задания отношения; определения свойств бинарных отношений; определение и свойства отношения эквивалентности; связь между отношением эквивалентности и разбиением множества на классы; определение и свойства отношения

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

порядка; определение и свойства функционального отношения; определение и основные свойства числовых функций; определения прямой и обратной пропорциональности.

Модуль 2. Целые неотрицательные числа

Тема 1. Целые неотрицательные числа как мощности конечных множеств. Отношения между множествами (равенства и включения); объединение, пересечение, разность множеств, дополнения множества; определение смежного класса и разбиения множества на классы; определение декартова произведения множеств; определение соответствия между элементами множеств; определение взаимно однозначного соответствия между множествами; определение равномощности множеств; определение мощности множества; определение конечного множества; определения отношений между мощностями (равенства и порядка); определение целого неотрицательного числа через мощность множества; определения сложения целых неотрицательных чисел через объединение множеств; определения умножения целых неотрицательных чисел через декартово произведение множеств; определения разности целых неотрицательных чисел через разность множеств; определения деления целого неотрицательного числа на натуральное через разбиение множества на классы; использование законов арифметических операций над целыми неотрицательными числами при преобразованиях числовых выражений; доказательства утверждений о делимости целых неотрицательных чисел методом математической индукции; доказательства утверждений о делимости целых неотрицательных чисел методом полной индукции.

Тема 2. Аксиоматическое построение системы целых неотрицательных чисел. Законы арифметических операций над целыми неотрицательными числами; аксиоматическое определение целых неотрицательных чисел через аксиомы Пеано и тождества Грассмана; использование законов арифметических операций над целыми неотрицательными числами при преобразованиях числовых выражений; запись чисел в десятичной системе счисления; доказательство утверждений о делимости целых неотрицательных чисел методом полной индукции.

Тема 3. Теория чисел – основа вычислительных действий. Обоснование алгоритмов арифметических операций в системе целых неотрицательных чисел; теорема о делении с остатком; теоремы о делимости суммы, разности и произведения натуральных чисел; определение простого и составного числа; признаки делимости на 2, 3, 4, 5, 9, 10, 25 для чисел, записанных в десятичной системе счисления; метод математической индукции; метод полной индукции.

Модуль 3. Действительные числа и элементы геометрии

Тема 1. Рациональные числа. Определение рационального числа; правила арифметических действий над рациональными числами; определение обыкновенной (несократимой) дроби; определение десятичной дроби; основное свойство обыкновенной дроби; теорему о делении с остатком; теоремы о делимости суммы, разности и произведения натуральных чисел; правила разложения выражения на множители; правила выполнения действий с десятичными дробями; определения процента и правил нахождения процентов данного числа и числа по его процентам; метод математической индукции; метод полной индукции; правила выполнения действий с действительными числами; законы арифметических операций в системе рациональных чисел.

СМК	СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»	

Тема 2. Понятие непрерывности. Действительные числа. Непрерывность; законы арифметических операций в системе действительных чисел; определение операций над отрезками (сложение, вычитание, умножение, деление и извлечение квадратного корня); арифметические действия с обыкновенными дробями; действия с десятичными дробями; проценты данного числа.

Тема 3. Величины и их измерение. Понятие величины; длина отрезка; длина кривой; площадь фигуры; объем; определения равновеликости и равноставленности; определение прямой пропорциональности; свойства прямой пропорциональности; определение обратной пропорциональности; свойства обратной пропорциональности.

Тема 4. Элементы геометрии. Определения треугольника, параллелограмма, квадрата, ромба, трапеции, прямоугольника, квадрата, круга; геометрические фигуры, изучаемые в начальной школе; формулы площади треугольника, параллелограмма, квадрата, ромба, трапеции, прямоугольника, квадрата, круга; формулы для нахождения периметров многоугольников; теорема Пифагора; построение с помощью циркуля и линейки отрезка, являющийся произведением и отношением данных отрезков; построение с помощью циркуля и линейки отрезка, являющийся корнем квадратным из данного отрезка; параллельное проектирование; изображение многогранников; изображение цилиндра; изображение конуса; изображение шара.

5. Тематическое планирование

2 семестр

Модули дисциплины

№	Наименование модуля	Лекции	Практики/ семинары	Лабораторные	Сам. работа	Всего, часов
1	Математика в начальной школе	4	6	0	62	72
	Всего	4	6	0	62	72

№ темы	Тема	Кол-во часов	Компетенции по теме
	<i>Лекции</i>		
1	Множество – основное понятие математики	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
2	Математические утверждения и их структура	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
	<i>Практические занятия</i>		
1	Алгебра множеств	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
2	Эквивалентность и порядок	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
3	Мощность. Элементы комбинаторики	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
	<i>Самостоятельная работа</i>		
1	Множества и отношения между ними	10	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8

СМК	СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»	

2	Способы задания множеств	10	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
3	Операции над множествами	10	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
4	Множества решений уравнений и неравенств	10	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
5	Законы операций над множествами	10	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
6	Алгебра высказываний	6	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
7	Высказывания и операции над ними	6	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8

3 семестр

Модули дисциплины

№	Наименование модуля	Лекции	Практики/ семинары	Лабораторные	Сам. работа	Всего, часов
1	Математика в начальной школе	4	4	0	64	72
	Всего	4	4	0	64	72

№ темы	Тема	Кол-во часов	Компетенции по теме
	<i>Лекции</i>		
1	Аксиоматический метод	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
2	Бинарные отношения и их свойства	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
	<i>Практические занятия</i>		
1	Числовые функции	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
2	Уравнения и неравенства	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
	<i>Самостоятельная работа</i>		
1	Законы логики высказываний	8	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
2	Законы логики предикатов	8	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
3	Аксиоматический метод	8	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
4	Свойства бинарных отношений	8	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
5	Основные виды бинарных отношений	8	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
6	Функциональные отношения	8	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8

СМК	СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»	

7	Отношения порядка	8	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
8	Отношение эквивалентности	8	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8

4 семестр
Модули дисциплины

№	Наименование модуля	Лекции	Практики/ семинары	Лабораторные	Сам. работа	Всего, часов
1	Математика в начальной школе	8	10	0	81	99
	Всего	8	10	0	81	99

№ темы	Тема	Кол-во часов	Компетенции по теме
	<i>Лекции</i>		
1	Целые неотрицательные числа как мощности конечных множеств	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
2	Аксиоматическое построение системы целых неотрицательных чисел	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
3	Теория чисел – основа вычислительных действий	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
4	Рациональные числа	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
	<i>Практические занятия</i>		
1	Сложение и умножение натуральных чисел	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
2	Арифметические операции в модели Пеано	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
3	Делимость в системе целых чисел	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
4	Метод математической индукции	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
5	Площадь и объем	2	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
	<i>Самостоятельная работа</i>		
1	Система целых неотрицательных чисел как мощностей конечных множеств	7	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
2	Определение произведения целых неотрицательных чисел через декартово произведение множеств	7	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
3	Определение частного целого натурального числа на натуральное через разбиение множества на классы	7	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

4	Аксиомы Пеано	7	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
5	Метод математической индукции	7	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
6	Определение сложения и умножения целых неотрицательных чисел	7	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
7	Теорема о делении с остатком	7	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
8	Позиционная система счисления	7	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
9	Алгоритмы арифметических действий в позиционной системе счисления	7	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
10	Отношение делимости на множестве целых чисел	7	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8
11	Простые числа	11	ОПК-3, ОПК-5, ОПК-8

6. Самостоятельная работа

Самостоятельная работа включает две составные части: аудиторная самостоятельная работа и внеаудиторная.

Самостоятельная аудиторная работа включает выполнение практических заданий.

Внеаудиторная самостоятельная работа студентов заключается в следующих формах:

- изучение литературы; осмысление изучаемой литературы с целью освоения теоретического материала (подготовка к практическим занятиям, зачету);
- выполнение заданий в микрогруппах;
- выполнение домашней контрольной работы;
- решение задач.

6.1. Темы практических занятий

2 семестр

Практическое занятие №1. Алгебра множеств.

Практическое занятие №2. Эквивалентность и порядок.

3 семестр

Практическое занятие №1. Числовые функции.

Практическое занятие №2. Уравнения и неравенства.

4 семестр

Практическое занятие №1. Сложение и умножение натуральных чисел.

Практическое занятие №2. Арифметические операции в модели Пеано.

Практическое занятие №3. Делимость в системе целых чисел.

Практическое занятие №4. Метод математической индукции.

Практическое занятие №5. Площадь и объем.

6.2 Внеаудиторная самостоятельная работа

№ п/п	Модуль	Тема	Форма СР	Трудоемкость
-------	--------	------	----------	--------------

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

				(час.)
2 семестр				
1	Математика в начальной школе	Множества и отношения между ними	Решение задач	10
2		Способы задания множеств		10
3		Операции над множествами		10
4		Множества решений уравнений и неравенств		10
5		Законы операций над множествами		10
6		Алгебра высказываний		6
7		Высказывания и операции над ними		6
Итого				62
3 семестр				
1	Математика в начальной школе	Законы логики высказываний	Решение задач	8
2		Законы логики предикатов		8
3		Аксиоматический метод		8
4		Свойства бинарных отношений		8
5		Основные виды бинарных отношений		8
6		Функциональные отношения		8
7		Отношения порядка		8
8		Отношение эквивалентности		8
Итого				64
4 семестр				
1	Математика в начальной школе	Система целых неотрицательных чисел как мощностей конечных множеств	Решение задач	7
2		Определение произведения целых неотрицательных чисел через декартово произведение множеств		7
3		Определение частного целого натурального числа на натуральное через разбиение множества на классы		7
4		Аксиомы Пеано		7
5		Метод математической индукции		7
6		Определение сложения и умножения целых неотрицательных чисел		7
7		Теорема о делении с остатком		7
8		Позиционная система счисления		7
9		Алгоритмы арифметических действий в позиционной системе счисления		7
10		Отношение делимости на множестве целых чисел		7
11		Простые числа		11
Итого				81

7. Примерная тематика контрольных и курсовых работ

Курсовые работы по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» учебным планом не предусмотрены.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

Примерная тематика контрольной работы «Общие понятия математики» (3 семестр):

1. Отношения между множествами.
2. Операции над множествами.
3. Элементы комбинаторики.
4. Бинарные отношения.
5. Законы логики.
6. Формулы с кванторами.
7. Логическое следование и логическая равносильность.
8. Определения понятий через род и видовое отличие.

Примерная тематика контрольной работы «Целые неотрицательные числа и элементы геометрии» (3 семестр):

1. Целые неотрицательные числа.
2. Отношение делимости.
3. Свойства дробей.
4. Доказательство свойств дробей методом математической индукции.
5. Построение отрезка заданной длины.
6. Равновеликость и равносторонность фигур.

8. Перечень вопросов на промежуточную аттестацию

Примерные вопросы на зачет (3 семестр):

1. Докажите, что существуют множества, которые нельзя задать свойством элементов.
2. Докажите, что операция пересечения множеств ассоциативна, идемпотентна и обладает нейтральным элементом и коммутативна,
3. Пусть множество A состоит из m , а множество B - из n элементов. Сколько существует соответствий между элементами множеств A и B ?
4. Докажите, что множества натуральных и целых чисел равномощны.
5. Приведите пример упорядоченного множества, в котором есть максимальные элементы, но нет наибольшего элемента.
6. Докажите, что существуют множества, которые нельзя задать перечисляющим алгоритмом.
7. Докажите, что операция объединения множеств ассоциативна, коммутативна, идемпотентна и обладает нейтральным элементом.
8. Пусть множество A состоит из m , а множество B - из n элементов. Сколько существует отображений множества A в множество B ?
9. Докажите, что множества натуральных и рациональных чисел равномощны.
10. Приведите пример упорядоченного множества, в котором есть минимальные элементы, но нет наименьшего элемента.
11. Докажите, что не каждое свойство элементов задает некоторое множество.
12. Докажите, что операции объединения и пересечения множеств связаны дистрибутивным законом.
13. Пусть множество A состоит из m , а множество B - из n элементов. Сколько существует взаимно однозначных отображений множества A в множество B ?
14. Докажите, что множества натуральных и действительных чисел не равномощны.
15. Докажите, что каждое отношение эквивалентности определяет разбиение множества на смежные классы.
16. Докажите, что операции пересечения и объединения множеств связаны дистрибутивным законом.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

17. Задайте два соответствия с помощью графиков и постройте график произведения этих соответствий.
18. Докажите, что множество всех действительных чисел и множество действительных чисел из интервала $(0, 1)$ равномощны.
19. Докажите, что разбиение множества на классы задает отношение эквивалентности на этом множестве.
20. Докажите закон доказательства от противного для высказываний.
21. Докажите, что операции объединения, пересечения и дополнения множеств связаны законами де Моргана.
22. Задайте соответствие с помощью графа и постройте граф и график обратного соответствия.
23. Докажите, что множества точек любых двух окружностей равномощны.
24. Докажите, что обратная пропорциональность - непрерывная функция.
25. Множество M состоит из трех элементов. Сколько отношений эквивалентности можно определить на этом множестве?
26. Докажите, что пересечение множеств выражается через объединение и дополнение.
27. Задайте два соответствия с помощью графов и постройте графики объединения и пересечения этих соответствий.
28. Докажите, что множества точек любых двух отрезков равномощны.
29. Множество M состоит из трех элементов. Сколько отношений линейного порядка можно определить на этом множестве?
30. Докажите правило отделения для высказываний.
31. Докажите, что объединение множеств выражается через пересечение и дополнение.
32. Задайте два соответствия с помощью графиков и постройте графы объединения и пересечения этих соответствий.
33. Докажите, что множество натуральных чисел \mathbb{N} и множество $P(\mathbb{N})$ всех подмножеств множества \mathbb{N} не равномощны.
34. Докажите, что отношение равномощности на классе множеств является отношением эквивалентности.
35. Докажите правило силлогизма для высказываний.
36. Докажите, что разность множеств выражается через пересечение и дополнение.
37. Задайте соответствие с помощью графа и постройте граф и график дополнения этого соответствия.
38. Докажите, что множество M не равномощно множеству $P(M)$ всех подмножеств множества M .
39. Каким свойством обладают конечные множества и только они? Почему множества натуральных и действительных чисел бесконечны?
40. Является декартово умножение ассоциативным? Коммутативным? Обладает ли оно нейтральным элементом?
41. Задайте соответствие с помощью графа и укажите область определения, область значений, полные образы и полные прообразы этого соответствия.
42. Докажите, что множество точек плоскости и множество всех фигур планиметрии не равномощны.
43. Докажите, что множество, равномощное конечному, само конечно.
44. Докажите, что эквиваленция выражается через конъюнкцию и импликацию.
45. Докажите, что декартово умножение и объединение множеств связаны дистрибутивным законом.
46. Докажите, что произведение отображений снова является отображением.
47. Докажите, что подмножество конечного множества само конечно.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

48. Докажите, что квантор существования - это обобщение дизъюнкции.
49. Докажите, что при решении системы уравнений можно включать в систему или удалять из нее уравнение-следствие системы.
50. Докажите, что множество A является подмножеством множества B тогда и только тогда, когда дополнение B является подмножеством дополнения A : $A \subset B \Leftrightarrow \bar{B} \subset \bar{A}$.
51. Докажите, что произведение взаимно однозначных отображений снова является взаимно однозначным отображением.
52. Докажите, что объединение конечных множеств является конечным множеством.
53. Покажите, что квантор всеобщности - это обобщение конъюнкции.
54. Докажите, что при решении системы неравенств можно включать в систему или удалять из нее неравенство-следствие системы.
55. Докажите, что соответствие, обратное взаимно однозначному отображению, является взаимно однозначным отображением.
56. Докажите, что пересечение конечных множеств является конечным множеством.
57. Докажите, что навешивание кванторов и отрицание связаны обобщенными законами де Моргана.
58. Докажите, что прямая пропорциональность - непрерывная функция.
59. Докажите, что если область определения функции $F(x)$ содержит пересечение областей определения функций $f(x)$ и $g(x)$, то уравнения $f(x) = g(x)$ и $f(x) + F(x) = g(x) + F(x)$ равносильны.
60. Пусть множество A состоит из m элементов. Сколько существует бинарных отношений на множестве A ?
61. Задайте бинарное отношение с помощью графа и постройте граф и график обратного отношения.
62. Докажите, что разность конечных множеств является конечным множеством.
63. Докажите, что прямая пропорциональность является монотонной функцией.
64. Докажите, что если функция $F(x)$ определена и отлична от нуля в пересечении областей определения функций $f(x)$ и $g(x)$, то уравнения $f(x) = g(x)$ и $f(x) \cdot F(x) = g(x) \cdot F(x)$ равносильны.
65. Задайте два бинарных отношения с помощью графиков и постройте график произведения этих отношений.
66. Пусть множество M состоит из m элементов. Сколько элементов в множестве $P(M)$ всех подмножеств множества M ?
67. Докажите закон доказательства от противного.
68. Докажите, что прямая пропорциональность является монотонной функцией.
69. Докажите, что если функция $F(x)$ определена и монотонно возрастает в пересечении областей определения функций $f(x)$ и $g(x)$, то неравенства $f(x) \leq g(x)$ и $f(x) \cdot F(x) \leq g(x) \cdot F(x)$ равносильны.
70. Задайте два бинарных отношения с помощью графов и постройте графики объединения и пересечения этих отношений.
71. Пусть множество M состоит из m элементов. Сколько подмножеств, состоящих из n элементов, содержится в M ?
72. Докажите, что импликация выражается через дизъюнкцию и отрицание.
73. Укажите области определения и области значений прямой и обратной пропорциональностей.
74. Докажите, что если функция $F(x)$ определена и монотонно возрастает в пересечении областей значения функций $f(x)$ и $g(x)$, то неравенства $f(x) \leq g(x)$ и $f(x) \cdot F(x) \leq g(x) \cdot F(x)$ равносильны.
75. Докажите, что импликация выражается через дизъюнкцию и отрицание.
76. Укажите области определения и области значений прямой и обратной пропорциональностей.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

77. Задайте бинарное отношение с помощью графа и укажите область определения, область значений, полные образы и полные прообразы этого отношения.
78. Докажите, что мощность множества действительных чисел из интервала $(0, 1)$ больше мощности множества натуральных чисел.
79. Почему зависимость $y = \frac{k}{x}$, где $k \neq 0$, называется обратной пропорциональностью? Найдите область значений и область определения обратной пропорциональности.
80. Какая связь между операциями над множествами и логическими операциями над предикатами?
81. Докажите, что если функция $F(x)$ определена и монотонно убывает в пересечении областей значения функций $f(x)$ и $g(x)$, то неравенства $f(x) \leq g(x)$ и $F(f(x)) \geq F(g(x))$ равносильны.
82. Какие особенности имеет график отношения эквивалентности?
83. Докажите, что мощность множества геометрических фигур больше мощности множества действительных чисел.
84. Пусть предикат $P(x)$ задает множество A , а предикат $Q(x)$ - множество B . Какое множество задает предикат $P(x) \rightarrow Q(x)$?
85. Докажите, что каждая точка прямой, проходящей через начало координат и отличной от осей координат, принадлежит графику некоторой прямой пропорциональности.
86. Докажите, что если функция $F(x)$ определена и монотонно убывает в пересечении областей определения функций $f(x)$ и $g(x)$, то неравенства $f(x) \leq g(x)$ и $f(x) \cdot F(x) \geq g(x) \cdot F(x)$ равносильны.
87. Какие особенности имеет граф отношения эквивалентности?
88. Докажите, что произведение функциональных отношений является функциональным отношением.
89. Докажите, что при решении системы уравнений можно переставлять местами и объединять в подсистемы уравнения системы.
90. Докажите, что каждая точка графика прямой пропорциональности принадлежит некоторой прямой, проходящей через начало координат.
91. Докажите, что мощность множества числовых функций больше мощности множества действительных чисел.
92. Какие особенности имеют граф и график отношения порядка?
93. Докажите, что соответствие, обратное функциональному отношению F , снова является функциональным тогда и только тогда, когда F - однозначная.
94. Докажите, что при решении системы неравенств можно переставлять местами и объединять в подсистемы неравенства системы.
95. Докажите, что оси координат являются асимптотами графика обратной пропорциональности.
96. Докажите, что прямая теорема равносильна теореме, противоположной обратной.
97. Докажите, что существует не задаваемое эффективно множество, имеющее перечисляющий алгоритм.
98. Докажите, что отношение логического следствия для высказываний является отношением порядка.
99. Пусть предикат $P(x)$ задает множество A , а предикат $Q(x)$ - множество B . Какое множество задает предикат $P(x) \leftrightarrow Q(x)$?
100. Докажите, что отношение, обратное обратной пропорциональности, является обратной пропорциональностью.
101. Докажите, что свойства рефлексивности, транзитивности и симметричности независимы.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

102. Докажите, что не каждое множество можно задать свойством его элементов.
103. Докажите, что операция пересечения множеств ассоциативна, коммутативна, идемпотентна и обладает нейтральным элементом.
104. Пусть множество A состоит из m , а множество B - из n элементов. Сколько существует соответствий между элементами множеств A и B ?
105. Докажите, что множества натуральных и целых чисел равномощны.
106. Приведите пример упорядоченного множества, в котором есть максимальные элементы, но нет наибольшего элемента.
107. Докажите, что существуют множества, которые нельзя задать перечисляющим алгоритмом.
108. Докажите, что операция объединения множеств ассоциативна, коммутативна, идемпотентна и обладает нейтральным элементом.
109. Пусть множество A состоит из m , а множество B - из n элементов. Сколько существует отображений множества A в множество B ?
110. Докажите, что множества натуральных и рациональных чисел равномощны.
111. Приведите пример упорядоченного множества, в котором есть минимальные элементы, но нет наименьшего элемента.
112. Докажите, что не каждое свойство элементов задает некоторое множество.
113. Докажите, что операции объединения и пересечения множеств связаны дистрибутивным законом.
114. Пусть множество A состоит из m , а множество B - из n элементов. Сколько существует взаимно однозначных отображений множества A в множество B ?
115. Докажите, что множества натуральных и действительных чисел не равномощны.
116. Докажите, что каждое отношение эквивалентности определяет разбиение множества на смежные классы.
117. Докажите, что операции пересечения и объединения множеств связаны дистрибутивным законом.
118. Задайте два соответствия с помощью графиков и постройте график произведения этих соответствий.
119. Докажите, что множество всех действительных чисел и множество действительных чисел из интервала $(0, 1)$ равномощны.
120. Докажите, что разбиение множества на классы задает отношение эквивалентности на этом множестве.
121. Докажите закон доказательств от противного для высказываний.
122. Докажите, что операции объединения, пересечения и дополнения множеств связаны законами де Моргана.
123. Задайте соответствие с помощью графа и постройте граф и график обратного соответствия.
124. Докажите, что множества точек любых двух окружностей равномощны.
125. Докажите, что обратная пропорциональность - непрерывная функция.
126. Множество M состоит из трех элементов. Сколько отношений эквивалентности можно определить на этом множестве?

Примерные вопросы на экзамен (4 семестр):

1. Докажите, что аксиому индукции нельзя вывести как теорему из двух других аксиом.
2. Докажите, что множество простых чисел бесконечно.
3. Докажите, что множество целых неотрицательных чисел в системе Пеано вполне упорядочено.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

4. Докажите, что сложение на множестве рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, удовлетворяет закону сокращения.
5. Докажите, что сумма целых неотрицательных чисел, определенная через объединение множеств, всегда существует.
6. Докажите, что сумма целых неотрицательных чисел, определенная через объединение множеств, единственна.
7. Докажите, что разность рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, всегда существует и единственна.
8. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел в системе Пеано монотонно.
9. Докажите, что сумма целых неотрицательных чисел в системе Пеано единственна, если существует.
10. Докажите, что существуют сколь угодно большие отрезки натурального ряда $[a, b]$, состоящие только из составных чисел.
11. Докажите, что для любой пары целых чисел существует наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное этих чисел.
12. Докажите, что произведение рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, всегда существует и единственно.
13. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел, определенное через объединение множеств, ассоциативно.
14. Докажите, что сумма целых неотрицательных чисел в системе Пеано существует.
15. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел в системе Пеано монотонно.
16. Докажите, что множество целых неотрицательных чисел в системе Пеано архимедовски упорядочено.
17. Докажите, что наибольший общий кратный и наименьшее общее кратное связаны соотношением $(a, b)[a, b]=ab$.
18. Докажите, что произведение целых неотрицательных чисел в системе Пеано единственно, если существует.
19. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел, определенное через объединение множеств, коммутативно.
20. Докажите, что умножение рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, ассоциативно.
21. Докажите, что множество чисел в системе Пеано, состоящее из всех целых неотрицательных чисел, не превосходящих данное число, конечно.
22. Докажите, что наибольший общий делитель равен последнему ненулевому остатку в алгоритме Евклида.
23. Докажите, что произведение целых неотрицательных чисел в системе Пеано существует.
24. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел, определенное через объединение множеств, обладает нейтральным элементом.
25. Докажите, что умножение рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, коммутативно.
26. Докажите, что в любой числовой системе существует не более одного нейтрального элемента по сложению.
27. Докажите, что отрезок натурального ряда является конечным множеством.
28. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел в системе Пеано коммутативно.
29. Докажите, что умножение на множестве рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, обладает нейтральным элементом.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

30. Докажите, что число c делится на произведение взаимно простых чисел a и b тогда и только тогда, когда c делится на a и c делится на b .
31. Докажите, что для каждого рационального ненулевого числа, представленного обыкновенной дробью, существует единственное обратное рациональное число.
32. Докажите, что отрезки натурального ряда $[1, a]$ и $[1, b]$ совпадают тогда и только тогда, когда $a=b$.
33. Докажите, что при делении на 2 число дает такой же остаток, что и его последняя цифра при делении на 2.
34. Докажите, что произведение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, всегда существует.
35. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел в системе Пеано ассоциативно.
36. Докажите, что отрезки натурального ряда $[1, a]$ содержится в отрезке $[1, b]$ тогда и только тогда, когда $a \leq b$.
37. Докажите, что при делении или на 5 число дает такой же остаток, что и его последняя цифра при делении или на 5.
38. Докажите, что произведение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, единственно.
39. Докажите, что умножение на множестве рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, удовлетворяет закону сокращения.
40. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел в системе Пеано коммутативно.
41. Докажите, что при делении на 4 число дает такой же остаток, что и число, изображенное его последними двумя цифрами.
42. Докажите, что умножение и сложение рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, связаны дистрибутивным законом.
43. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел в системе Пеано ассоциативно.
44. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, ассоциативно.
45. Докажите, что если $a < b$, то в отрезке натурального ряда $[1, b]$ содержится подмножество, равномощное отрезку $[1, a]$.
46. Докажите, что при делении на 8 число дает такой же остаток, что и число, изображенное его последними тремя цифрами.
47. Докажите, что сложение и умножение целых неотрицательных чисел в системе Пеано связаны дистрибутивным законом.
48. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, коммутативно.
49. Докажите, что частное рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями (с ненулевым делителем), всегда существует и единственно.
50. Докажите, что каждое конечное не пустое множество равномощно некоторому отрезку натурального ряда.
51. Докажите, что система рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, упорядочиваема.
52. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел в системе Пеано обладает свойством сократимости.
53. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, обладает нейтральным элементом.
54. Докажите, что число при делении на 3 дает такой же остаток, что и его сумма цифр.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

55. Докажите, что в любой числовой системе существует не более одного нейтрального элемента по умножению.
56. Докажите, что порядок в системе рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, является линейным.
57. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел в системе Пеано обладает свойством сократимости.
58. Докажите, что число при делении на 9 дает такой же остаток, что и его сумма цифр.
59. Докажите, что в системе Пеано уравнение $b+x=a$ имеет не более одного решения.
60. Докажите, что порядок в системе рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, является архимедовым.
61. Докажите, что при делении на 11 число дает такой же остаток, что и его знакопеременная сумма цифр.
62. Докажите, что существует единственный тип линейного упорядочения конечного множества.
63. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, обладает аннулирующим элементом.
64. Докажите, что в системе Пеано уравнение $bх=a$, где $b \neq 0$, имеет не более одного решения.
65. Докажите, что если система рациональных чисел существует, то каждое рациональное число представляется обыкновенной дробью.
66. Докажите, что порядок в системе рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, является плотным.
67. Докажите, что существует не единственный тип линейного упорядочения бесконечного множества.
68. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, и сложение, определенное через объединение множеств связаны дистрибутивным законом.
69. Докажите, что в любой числовой системе нейтральный элемент сложения является аннулирующим элементом умножения.
70. Докажите, что для любых целых неотрицательных чисел a, b , где $b \neq 0$, существуют такие целые неотрицательные числа q, r , что $a=bq+r$ и $r < b$.
71. Докажите, что если конечное множество A разбито на равномошные классы, то число этих классов зависит только от мощности множества A и мощности класса.
72. Докажите, что отношение равенства для обыкновенных дробей является отношением эквивалентности.
73. Докажите, что уравнение $x^2=2$ не имеет решения в системе рациональных чисел.
74. Докажите, что деление на нуль невозможно в любой числовой системе.
75. Докажите, что для любых целых неотрицательных чисел a, b , где $b \neq 0$, существуют единственные частное и остаток при делении a на b .
76. Докажите, что если множество A разбито на равномошные классы, то число этих классов зависит не только от мощности множества A и мощности класса.
77. Докажите, что каждое положительное рациональное число имеет единственное представление в виде несократимой дроби.
78. Докажите, что порядок в системе рациональных чисел не является непрерывным.
79. Докажите, что для того, чтобы разность $a-b$ делилась на число m необходимо и достаточно, чтобы a и b давали при делении на m одинаковые остатки.
80. Докажите, что каждое рациональное число можно представить периодической десятичной дробью.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

81. Докажите, что неполное частное для целых неотрицательных чисел, определенное через разбиение множества на классы, всегда существует.
82. Докажите, что отношение делимости на множестве целых неотрицательных чисел является отношением частичного порядка.
83. Докажите, что порядок в системе рациональных чисел не является вполне упорядочением.
84. Докажите, что вычитание и умножение целых неотрицательных чисел в системе Пеано связаны дистрибутивным законом.
85. Докажите, что каждая периодическая десятичная дробь изображает некоторое рациональное число.
86. Докажите, что неполное частное для целых неотрицательных чисел, определенное через разбиение множества на классы, единственно.
87. Докажите, что порядок в системе рациональных чисел не является дискретным.
88. Докажите, что сумма $a+b$ делится на число m тогда и только тогда, когда $\text{Rest}(a, m) + \text{Rest}(b, m)$ делится на m .
89. Докажите, что вычитание и деление целых неотрицательных чисел в системе Пеано связаны дистрибутивным законом.
90. Докажите, что каждое рациональное число можно представить конечной цепной дробью.
91. Докажите, что множество рациональных чисел счётно.
92. Докажите, что наименьший натуральный неединичный делитель натурального числа является простым.
93. Докажите, что остаток при делении, определенном через разбиение множества на классы, всегда существует.
94. Докажите, что каждая конечная цепная дробь изображает некоторое рациональное число.
95. Докажите, что каждое целое неотрицательное число, большее единицы, является простым или его можно представить в виде произведения простых чисел.
96. Докажите, что остаток при делении, определенном через разбиение множества на классы, всегда единственен.
97. Докажите, что отношение соизмеримости является эквивалентностью на множестве отрезков.
98. Докажите, что сложение и деление целых неотрицательных чисел в системе Пеано связаны дистрибутивным законом.
99. Докажите, что отношение \leq («не больше») является следствием отношения делимости.
100. Докажите, что представление в виде произведения простых чисел целого неотрицательного числа, большего единицы, единственно.
101. Докажите, что при частном, определенном через разбиение множества на классы, деление на нуль невозможно.
102. Докажите, что сумма отрезков, соизмеримых с данным отрезком, соизмерима с этим отрезком.
103. Докажите, что сумма рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, всегда существует и единственна.
104. Докажите, что если простое число p делит произведение $a \cdot b$, то p делит a или p делит b .
105. Докажите, что множество целых неотрицательных чисел в системе Пеано бесконечно.
106. Докажите, что разность отрезков, соизмеримых с данным отрезком, соизмерима с этим отрезком.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

107. Докажите, что сложение рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, ассоциативно.
108. Докажите, что частное при делении, определенном через разбиение множества на классы, единственно, если существует.
109. Докажите, что аксиоматика Пеано непротиворечива, если непротиворечива теория множеств.
110. Докажите, что если число a делит произведение $b \cdot c$ и взаимно просто с числом b , то a делит c .
111. Докажите, что отношение «не больше» на множестве целых неотрицательных чисел в системе Пеано является отношением порядка.
112. Докажите, что произведение отрезков, соизмеримых с данным отрезком, соизмеримо с этим отрезком.
113. Докажите, что сложение рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, коммутативно.
114. Докажите, что для того, чтобы число a делило число b необходимо и достаточно, чтобы каждый простой множитель, входящий в разложение числа a , входил в разложение числа b в такой же или более высокой степени.
115. Докажите, что отношение порядка «не меньше» на множестве целых неотрицательных чисел в системе Пеано связно.
116. Докажите, что первую аксиому Пеано нельзя вывести как теорему из двух других аксиом.
117. Докажите, что сложение на множестве рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, обладает нейтральным элементом.
118. Докажите, что частное отрезков, соизмеримых с данным отрезком, соизмеримо с этим отрезком.
119. Докажите, что вторую аксиому Пеано нельзя вывести как теорему из двух других аксиом.
120. Докажите, что для каждого рационального числа, представленного обыкновенной дробью, существует единственное противоположное рациональное число.
121. Докажите, что для любых множеств A, B существуют множество $A1$, равномощное с множеством A , и множество $B1$, равномощное с множеством B , такие, что $A \cap B = \emptyset$.
122. Докажите, что если число a составное, то у него есть неединичный натуральный делитель, не превосходящий \sqrt{a} .
123. Докажите, что отношение \leq («не больше») на множестве целых неотрицательных чисел в системе Пеано является отношением дискретного порядка.
124. Докажите, что аксиому индукции нельзя вывести как теорему из двух других аксиом.
125. Докажите, что множество простых чисел бесконечно.
126. Докажите, что множество целых неотрицательных чисел в системе Пеано вполне упорядочено.
127. Докажите, что сложение на множестве рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, удовлетворяет закону сокращения.
128. Докажите, что сумма целых неотрицательных чисел, определенная через объединение множеств, всегда существует.
129. Докажите, что сумма целых неотрицательных чисел, определенная через объединение множеств, единственна.
130. Докажите, что разность рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, всегда существует и единственна.
131. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел в системе Пеано монотонно.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

132. Докажите, что сумма целых неотрицательных чисел в системе Пеано единственна, если существует.
133. Докажите, что существуют сколь угодно большие отрезки натурального ряда $[a, b]$, состоящие только из составных чисел.
134. Докажите, что для любой пары целых чисел существует наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное этих чисел.
135. Докажите, что произведение рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, всегда существует и единственно.
136. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел, определенное через объединение множеств, ассоциативно.
137. Докажите, что сумма целых неотрицательных чисел в системе Пеано существует.
138. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел в системе Пеано монотонно.
139. Докажите, что множество целых неотрицательных чисел в системе Пеано архимедовски упорядочено.
140. Докажите, что наибольший общий кратный и наименьшее общее кратное связаны соотношением $(a, b)[a, b]=ab$.
141. Докажите, что произведение целых неотрицательных чисел в системе Пеано единственно, если существует.
142. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел, определенное через объединение множеств, коммутативно.
143. Докажите, что умножение рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, ассоциативно.
144. Докажите, что множество чисел в системе Пеано, состоящее из всех целых неотрицательных чисел, не превосходящих данное число, конечно.
145. Докажите, что наибольший общий делитель равен последнему ненулевому остатку в алгоритме Евклида.
146. Докажите, что произведение целых неотрицательных чисел в системе Пеано существует.
147. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел, определенное через объединение множеств, обладает нейтральным элементом.
148. Докажите, что умножение рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, коммутативно.
149. Докажите, что в любой числовой системе существует не более одного нейтрального элемента по сложению.
150. Докажите, что отрезок натурального ряда является конечным множеством.
151. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел в системе Пеано коммутативно.
152. Докажите, что умножение на множестве рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, обладает нейтральным элементом.
153. Докажите, что число c делится на произведение взаимно простых чисел a и b тогда и только тогда, когда c делится на a и c делится на b .
154. Докажите, что для каждого рационального ненулевого числа, представленного обыкновенной дробью, существует единственное обратное рациональное число.
155. Докажите, что отрезки натурального ряда $[1, a]$ и $[1, b]$ совпадают тогда и только тогда, когда $a=b$.
156. Докажите, что при делении на 2 число дает такой же остаток, что и его последняя цифра при делении на 2.
157. Докажите, что произведение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, всегда существует.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

158. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел в системе Пеано ассоциативно.
159. Докажите, что отрезки натурального ряда $[1, a]$ содержится в отрезке $[1, b]$ тогда и только тогда, когда $a \leq b$.
160. Докажите, что при делении или на 5 число дает такой же остаток, что и его последняя цифра при делении или на 5.
161. Докажите, что произведение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, единственно.
162. Докажите, что умножение на множестве рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, удовлетворяет закону сокращения.
163. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел в системе Пеано коммутативно.
164. Докажите, что если $a \neq b$, то отрезки натурального ряда $[1, a]$ и $[1, b]$ - не равномощны.
165. Докажите, что при делении на 4 число дает такой же остаток, что и число, изображенное его последними двумя цифрами.
- 166.3. Докажите, что умножение и сложение рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, связаны дистрибутивным законом.
167. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел в системе Пеано ассоциативно.
168. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, ассоциативно.
169. Докажите, что если $a < b$, то в отрезке натурального ряда $[1, b]$ содержится подмножество, равномощное отрезку $[1, a]$.
170. Докажите, что при делении на 8 число дает такой же остаток, что и число, изображенное его последними тремя цифрами.
171. Докажите, что сложение и умножение целых неотрицательных чисел в системе Пеано связаны дистрибутивным законом.
172. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, коммутативно.
173. Докажите, что частное рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями (с ненулевым делителем), всегда существует и единственно.
174. Докажите, что каждое конечное не пустое множество равномощно некоторому отрезку натурального ряда.
175. Докажите, что система рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, упорядочиваема.
176. Докажите, что сложение целых неотрицательных чисел в системе Пеано обладает свойством сократимости.
177. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, обладает нейтральным элементом.
178. Докажите, что число при делении на 3 дает такой же остаток, что и его сумма цифр.
179. Докажите, что в любой числовой системе существует не более одного нейтрального элемента по умножению.
180. Докажите, что каждое конечное множество можно линейно упорядочить.
181. Докажите, что порядок в системе рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, является линейным.
182. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел в системе Пеано обладает свойством сократимости.
183. Докажите, что число при делении на 9 дает такой же остаток, что и его сумма цифр.
184. Докажите, что в системе Пеано уравнение $b+x=a$ имеет не более одного решения.

СМК		СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»		

185. Докажите, что порядок в системе рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, является архимедовым.
186. Докажите, что при делении на 11 число дает такой же остаток, что и его знакопеременная сумма цифр.
187. Докажите, что существует единственный тип линейного упорядочения конечного множества.
188. Докажите, что умножение целых неотрицательных чисел, определенное через декартово произведение множеств, обладает аннулирующим элементом.
189. Докажите, что в системе Пеано уравнение $bх=a$, где $b \neq 0$, имеет не более одного решения.
190. Докажите, что если система рациональных чисел существует, то каждое рациональное число представляется обыкновенной дробью.
191. Докажите, что порядок в системе рациональных чисел, представленных обыкновенными дробями, является плотным.
192. Докажите, что существует не единственный тип линейного упорядочения бесконечного множества.

9. Учебно-методическое и информационное обеспечение

9.1. Основная учебная литература:

1. Горюшкин, А. П. Математика в начальной школе (теоретические основы начального курса математики). В 2 ч. Часть 1 : — Саратов : Вузовское образование, 2020. — 290 с. // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <http://www.iprbookshop.ru>

9.2. Дополнительная учебная литература:

1. Горюшкин, А. П. Математика в начальной школе (теоретические основы начального курса математики). В 2 ч. Часть 2 :— Саратов : Вузовское образование, 2020. — 362 с. // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <http://www.iprbookshop.ru>

10. Формы и критерии оценивания учебной деятельности студента

На основании разработанной компетентностной модели выпускника образовательные цели представлены в виде набора компетенций как планируемых результатов освоения образовательной программы. Определение уровня достижения планируемых результатов освоения образовательной программы осуществляется посредством оценки уровня сформированности компетенции и оценки уровня успеваемости обучающегося по пятибалльной системе («отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно», «зачтено», «не зачтено»).

Основными критериями оценки в зависимости от вида работы обучающегося являются: сформированность компетенций (знаний, умений и владений), степень владения профессиональной терминологией, логичность, обоснованность, четкость изложения материала, ориентирование в научной и специальной литературе.

Критерии оценивания уровня сформированности компетенций и оценки уровня успеваемости обучающегося

Текущий контроль

Уровень	Уровень	Критерии оценивания отдельных видов работ обучающихся
---------	---------	---

СМК	СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»	

сформированности компетенции	освоения модулей дисциплины (оценка)	Устный опрос, сообщение по вопросам семинарских (практических) занятий	Решение задач; составление задач; работа над обобщающими вопросами.
Высокий	отлично (зачтено)	Оценивается ответ студента, которым даны полные, развернутые ответы на поставленные и дополнительные вопросы. Студентом продемонстрированы глубокие исчерпывающие знания всего программного материала, понимание сущности и взаимосвязи рассматриваемых процессов и явлений, твердое знание основных положений смежных дисциплин. Ответ логически последователен, содержателен. Стиль изложения материала научный с использованием методической терминологии. Студентом продемонстрирована сформированность компетенций (знаний, умений, навыков). Студентом могут быть допущены отдельные недочеты в определении понятий, исправленные студентом самостоятельно.	Верно решено от 91 до 100 % заданий (задач)
Базовый	хорошо (зачтено)	Оценивается ответ студента, которым даны полные, развернутые ответы на поставленные и дополнительные вопросы. Студентом продемонстрированы глубокие знания всего программного материала, понимание существенных и несущественных признаков, причинно-следственные связи, твердое знание основных положений смежных дисциплин. Ответ логически последователен, содержателен. Стиль изложения материала научный с использованием методической терминологии. Студентом продемонстрирована в целом успешная сформированность компетенций (знаний, умений, навыков), вместе с тем имеют место отдельные пробелы в умении, студент не вполне осознанно, владеет навыками. Студентом могут быть допущены 2-3 неточности или незначительные ошибки.	Верно решено от 76 до 90 % заданий (задач)
Пороговый	удовлетвори-	Оценивается ответ студента, которым даны недостаточно полные и	Верно решено от 50 до 75 % заданий (задач)

СМК	СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»	

	тельно (зачтено)	развернутые ответы на поставленные и дополнительные вопросы. Логика и последовательность изложения нарушены. Допущены ошибки в определении употреблении понятий. Студент с затруднением самостоятельно выделяет существенные и несущественные признаки и причинно-следственные связи. Речевое оформление требует поправок, коррекции. Студентом в целом продемонстрирована сформированность компетенций (знаний, умений, навыков), вместе с тем имеют место несистематическое использование умений и фрагментарные навыки.	
Компетенции не сформированы	неудовлетворительно (не зачтено)	Оценивается ответ студента, представляющей собой разрозненные знания с существенными ошибками. Ответ фрагментарен, нелогичен. Студент не осознает связь обсуждаемого вопроса с другими вопросами дисциплины. Отсутствуют конкретизация и доказательность изложения. Речь неграмотная, методическая терминология не используется. Дополнительные и уточняющие вопросы преподавателя не приводят к коррекции ответа студента. Компетенции (знания, умения, навыки) по дисциплине не сформированы: теоретические знания имеются, но они разрознены, умения и навыков отсутствуют либо ответ на вопрос полностью отсутствует или студент отказывается от ответа на поставленные вопросы.	Верно решено верно менее 50 % заданий (задач)

Промежуточная аттестация

Уровень сформированности компетенции	Уровень освоения дисциплины	Критерии оценивания обучающихся (работ обучающихся)		
		Зачет	Экзамен	Контрольная работа
Высокий	Зачтено (отлично)	Оценивается ответ студента, которым даны полные, развернутые ответы на поставленные и дополнительные	Оценивается ответ студента, которым даны полные, развернутые ответы на поставленные и дополнительные	Оценивается работа, в которой полностью решены все поставленные задачи. Студент показал умение

СМК	СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»	

		<p>вопросы. Студентом продемонстрированы глубокие исчерпывающие знания всего программного материала, понимание сущности и взаимосвязи рассматриваемых процессов и явлений, твердое знание основных положений смежных дисциплин. Ответ логически последователен, содержателен.</p> <p>Стиль изложения материала научный с использованием математической терминологии.</p> <p>Студентом продемонстрирована сформированность компетенций (знаний, умений, навыков) по дисциплине. Студентом могут быть допущены отдельные недочеты в определении понятий, исправленные студентом самостоятельно.</p>	<p>вопросы. Студентом продемонстрированы глубокие исчерпывающие знания всего программного материала, понимание сущности и взаимосвязи рассматриваемых процессов и явлений, твердое знание основных положений смежных дисциплин. Ответ логически последователен, содержателен.</p> <p>Стиль изложения материала научный с использованием математической терминологии.</p> <p>Студентом продемонстрирована сформированность компетенций (знаний, умений, навыков) по дисциплине. Студентом могут быть допущены отдельные недочеты в определении понятий, исправленные студентом самостоятельно.</p>	<p>работать с научной и учебной литературой, На защите студентом продемонстрированы глубокое знание темы работы, умение использовать математическую терминологию, способность вести научную дискуссию, аргументировано отстаивать свою научную позицию по результатам работы. Выступление выстроено логично и последовательно, четко отражает результаты исследования. При защите студент дает правильные и обоснованные ответы на вопросы, свободно ориентируется в тексте работы. Студентом продемонстрирована готовность к самостоятельной профессиональной деятельности.</p>
Базовый	Зачтено (хорошо)	Оценивается ответ студента, которым даны полные, развернутые ответы на поставленные и дополнительные	Оценивается ответ студента, которым даны полные, развернутые ответы на поставленные и дополнительные	Оценивается работа, в которой решены все поставленные задачи. Студент показал умение работать с науч-

СМК	СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»	

		<p>вопросы. Студентом продемонстрированы глубокие знания всего программного материала, понимание существенных и несущественных признаков, причинно-следственные связи, твердое знание основных положений смежных дисциплин. Ответ логически последователен, содержателен.</p> <p>Стиль изложения материала научный с использованием математической терминологии.</p> <p>Студентом продемонстрирована в целом успешная сформированность компетенций (знаний, умений, навыков) по дисциплине, вместе с тем имеют место отдельные пробелы в умении, студент не вполне осознанно, владеет навыками. Студентом могут быть допущены 2-3 неточности или незначительные ошибки.</p>	<p>вопросы. Студентом продемонстрированы глубокие знания всего программного материала, понимание существенных и несущественных признаков, причинно-следственные связи, твердое знание основных положений смежных дисциплин. Ответ логически последователен, содержателен.</p> <p>Стиль изложения материала научный с использованием математической терминологии.</p> <p>Студентом продемонстрирована в целом успешная сформированность компетенций (знаний, умений, навыков) по дисциплине, вместе с тем имеют место отдельные пробелы в умении, студент не вполне осознанно, владеет навыками. Студентом могут быть допущены 2-3 неточности или незначительные ошибки.</p>	<p>ной и учебной литературой, На защите студентом продемонстрированы глубокое знание темы работы, умение использовать математическую терминологию, способность вести научную дискуссию, аргументировано отстаивать свою научную позицию по результатам работы. Выступление выстроено логично и последовательно, четко отражает результаты исследования. При защите студент дает, в основном, правильные и обоснованные ответы на вопросы, свободно ориентируется в тексте работы. Студентом продемонстрирована готовность к самостоятельной профессиональной деятельности</p>
Пороговый	Зачтено	Оценивается от	Оценивается от	Оценивается ра

СМК	СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»	

	(удовлетворительно)	вет студента, которым даны недостаточно полные и развернутые ответы на поставленные и дополнительные вопросы. Логика и последовательность изложения нарушены. Допущены ошибки в определении употреблении понятий. Студент с затруднением самостоятельно выделяет существенные и несущественные признаки и причинно-следственные связи. Речевое оформление требует поправок, коррекции. Студентом в целом продемонстрирована сформированность компетенций (знаний, умений, навыков) по дисциплине, вместе с тем имеют место не систематическое использование умений и фрагментарные навыки.	вет студента, которым даны недостаточно полные и развернутые ответы на поставленные и дополнительные вопросы. Логика и последовательность изложения нарушены. Допущены ошибки в определении употреблении понятий. Студент с затруднением самостоятельно выделяет существенные и несущественные признаки и причинно-следственные связи. Речевое оформление требует поправок, коррекции. Студентом в целом продемонстрирована сформированность компетенций (знаний, умений, навыков) по дисциплине, вместе с тем имеют место не систематическое использование умений и фрагментарные навыки.	бота, в которой полностью решены все поставленные задачи. Студент показал умение работать с научной и учебной литературой, На защите студентом продемонстрированы глубокое знание темы работы, умение использовать математическую терминологию, способность вести научную дискуссию, аргументировано отстаивать свою научную позицию по результатам работы. Выступление выстроено логично, но не вполне последовательно, но отражает результаты исследования. При защите студент дает правильные и обоснованные ответы на вопросы, ориентируется в тексте работы. Студентом продемонстрирована готовность к самостоятельной профессиональной деятельности
Компетенции не сформированы	не зачтено Неудовлетворительно)	Ответ на вопрос полностью отсутствует или	Ответ на вопрос полностью отсутствует или	Оценивается работа, в которой большинство

СМК	СМК-РПД-В1.П2-2019
Рабочая программа по дисциплине Б1.О.05.14 «Математика в начальной школе» для направления подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль подготовки «Начальное образование»	

ны	<p>студент отказывается от ответа на поставленные вопросы или ответ представляет разрозненные знания с существенными ошибками. Ответ фрагментарен и не логичен. Студент не осознает связь обсуждаемого вопроса с другими вопросами дисциплины. Отсутствуют конкретизация и доказательность изложения. Речь неграмотная, математическая терминология не используется. Дополнительные и уточняющие вопросы преподавателя не приводят к коррекции ответа студента. Компетенции (знаний, умений, навыков) по дисциплине не сформированы: теоретические знания имеются, но они разрознены, умения и навыков отсутствуют.</p>	<p>студент отказывается от ответа на поставленные вопросы или ответ представляет разрозненные знания с существенными ошибками. Ответ фрагментарен и не логичен. Студент не осознает связь обсуждаемого вопроса с другими вопросами дисциплины. Отсутствуют конкретизация и доказательность изложения. Речь неграмотная, математическая терминология не используется. Дополнительные и уточняющие вопросы преподавателя не приводят к коррекции ответа студента. Компетенции (знаний, умений, навыков) по дисциплине не сформированы: теоретические знания имеются, но они разрознены, умения и навыков отсутствуют.</p>	<p>задач не решено. При написании работы не были использованы современные источники и литература. Оформление работы не соответствует требованиям. В докладе студента отсутствует логика и последовательность, не приведены результаты исследования. Студент не ориентируется в тексте работы, при защите допускает грубые фактические ошибки при ответах на поставленные вопросы или вовсе не отвечает на них. Студентом продемонстрирована неготовность к самостоятельной профессиональной деятельности.</p>
----	---	---	---

11. Материально-техническая база

Для проведения аудиторных занятий по дисциплине необходима следующая материально-техническая база: доска, мультимедийный проектор для демонстрации презентаций и видеоматериалов.